

Kriptográfia és Információbiztonság

9. előadás

MÁRTON Gyöngyvér

Sapientia Egyetem, Matematika-Informatika Tanszék
Marosvásárhely, Románia
`mg Yongyi@ms.sapientia.ro`

2023

Miről volt szó az elmúlt előadáson?

- a diszkrét logaritmus (DL) probléma, a DL feltételezés
- hatványok és generátor elemek
- a Diffie-Hellman kulcscsere
- DL problémán alapuló digitális aláírások:
 - az ElGamal digitális aláírás
 - a DSA (Digital Signature Algorithm) vagy DSS (Digital Signature Standard)
- elliptikus görbéken alapuló kriptográfia

Miről lesz szó?

- a kommunikáció biztonsága - megoldások
- kriptográfiai kulcsok kezelése
 - a szimmetrikus kulcs megosztása
 - publikus kulcsok megosztása
- ál-véletlenszám generátorok
 - a Blum-Blum shup generátor
 - Goldreich-Levin generátor

A kommunikáció biztonsága - megoldások

- link titkosítás (link encryption)
- végpontok közötti titkosítás (end-to-end encryption)

A kommunikáció biztonsága - megoldások

link titkosítás (**link encryption**):

- a teljes hálózati adatforgalom titkosítása, ezért minden elosztási ponton az adatokat vissza kell fejteni, majd újra titkosítani azért, hogy a célpontokat meg lehessen határozni
- általában a hálózati protokollok része, a szolgáltató kezdeményezi
- a legismertebb szolgáltatás az SSL/TLS protokoll
- az ember-szerver típusú kommunikációban használják

A kommunikáció biztonsága - megoldások

végpontok közötti titkosítás (**end-to-end encryption**):

- a fejléctet leszámítva az adatok visszafejtése csak a célponton valósul meg
- az alkalmazások szintjén valósul meg, a felhasználó kezdeményezi
- csak a kommunikációban résztvevő felek tudják a továbbított adatokat elolvasni/titkosítani/visszafejteni
- nincsen lehallgatásra lehetőség: az internet szolgáltatók, a távközlési rendszerek, a kommunikációt kiszolgáló rendszerek sem tudnak a titkosított adatokhoz hozzáférni
- a felhasználók adatait/üzeneteit a szolgáltatók nem tudják senkinek sem kiadni
- a valóságban sok alkalmazás "hátsó ajtón" (back door) keresztül, a felhasználók tudta nélkül képes a kommunikációs adatok lehallgatására, kiadására
- a rendszer sérülékeny pontja a végpont, azaz a végponton elhelyezkedő eszköz és személy; megoldás: az eszközök távolról való irányítása

A kommunikáció biztonsága - megoldások

- kommunikáló felek adatainak a titkosításához szükség van egy szimmetrikus kulcsra, amelyet csak a kommunikáló felek ismernek
- a szimmetrikus kulcs megosztása, cseréje, tárolása, "eldobása" fontos kriptográfiai feladat
- **szesszió-kulcs** (session key): K_S
 - a tulajdonképpeni szimmetrikus kulcs, vagy egy abból származtatott érték,
 - a kommunikáció két végpontján található eszköz/felek adatainak biztonságos megosztására használják, a teljes kommunikáció titkosítását végzik a szesszió kulccsal,
 - egy kapcsolat idejére használják, utána "eldobják"
- **mester-kulcs** (master key): K_m
 - a szesszió-kulcs megosztására használják, tulajdonképpen a szesszió kulcsokat titkosítják a mester-kulcs segítségével,
 - a mester kulcsok megosztására többféle technika is létezik, például fizikai úton

Kriptográfiai kulcsok kezelése

- a szimmetrikus kulcsok megosztása
 - szimmetrikus titkosítási módszerrel
 - aszimmetrikus titkosítási módszerrel
- a publikus kulcsok megosztása
 - publikus közlemény segítségével (public announcement)
 - publikusan elérhető könyvtár segítségével (publicly available directory)
 - publikus hatóság segítségével (public-key authority)
 - publikus tanúsítványok segítségével (public-key certificates)

A szimmetrikus kulcs megosztása

- 1 az A eszköz/fél kiválaszt egy kulcsot és fizikai úton juttatja el a másik eszközhöz/félhez
- 2 egy harmadik megbízható fél választja ki a kulcsot és fizikai úton juttatja el az A és B eszközökhöz/felekhez
- 3 az A és B eszközök/felek korábban használt kulcsa alapján egy új kulcsot lehet származtatni
- 4 ha az A és B eszköz/fél és egy harmadik megbízható C eszköz/fél között rendre létezik egy titkos kommunikációs csatorna, akkor a C eszköz/fél ezen a titkos csatornán keresztül el tudja juttatni a kulcsokat úgy az A, mint a B eszköz/fél számára

A szimmetrikus kulcs megosztása

Megoldások és problémák a szimmetrikus kulcs megosztásakor:

- fizikai kézbesítés
 - link encryption esetében kivitelezhető, mert minden eszköz csak a link másik oldalán elhelyezkedő partnerével kell megoldja a kulcscserét
 - end-to-end encryption esetében nehezen kivitelezhető, mert:
 - hálózati szinten minden kommunikáló fél között szükséges a szimmetrikus kulcsot megosztani, ez n hálózati csomópont esetében $\frac{n \cdot (n-1)}{2}$ kulcs kezelését jelenti,
 - alkalmazás szinten egy hálózatban lehet több ezer csomópont, mindegyik csomópontban pedig több tízezer felhasználó, ekkor tízmillió szimmetrikus kulcs megosztása komoly nehézséget fog okozni
- a 3. pont szerinti szimmetrikus kulcsmegosztás alkalmazható úgy a link encryption mind az end-to-end encryption esetében, de ha egy támadó hozzáfér egy kulcshoz, akkor az összes korábbi kulcsot is megtudja határozni
- a 4. pont szerinti szimmetrikus kulcsmegosztás különböző változatait használják úgy link encryption, mind az end-to-end encryption esetében

A szimmetrikus kulcs megosztása

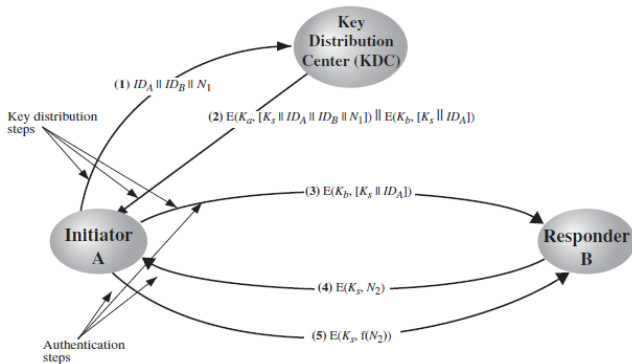
Szimmetrikus titkosítási módszerrel, egy **központi KDC használatával**

- feltételezzük, létezik egy megbízható KDC (key distribution center) és hogy minden felhasználó rendelkezik egy mester kulccsal, ami korábban került megosztásra, és amit csak a felhasználó és a KDC ismer: K_a, K_b
- N eszköz esetében a rendszerben megosztott mesterkulcsok száma N , ezek megosztása már nem olyan problémátikus
- N_1, N_2 nonce (number use at once) értékek: időpecsét, számláló, random szám, amely minden felhasználó esetében egyedi, nehezen kitalálható
- ID_A, ID_B az A illetve B eszközök/felek azonosítói, például a hálózati cím
- K_S a megosztott kulcs
- f egy egyszerű átalakító függvény, pl. a bemenethez hozzáad 1-et.
- $E(K_b, [K_S \parallel ID_A])$: a $K_S \parallel ID_A$ üzenet a K_b kulccsal szimmetrikus kriptográfiával titkosított értéke

A szimmetrikus kulcs megosztása

Szimmetrikus titkosítási módszerrel, egy **központi KDC használatával**, folytatás

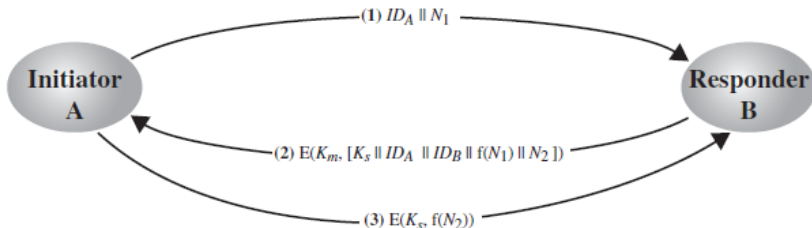
- K_a, K_b : a megosztott mesterkulcsok
- K_s : a megosztott szimmetrikus kulcs



A szimmetrikus kulcs megosztása

Szimmetrikus titkosítási módszerrel, **központi KDC használata nélkül**

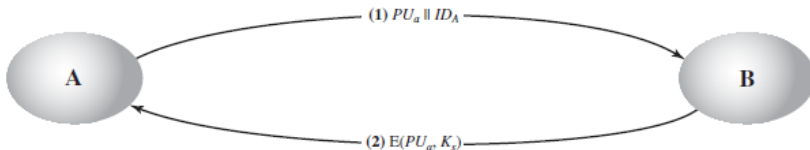
- Nagy számú felhasználó esetén nem praktikus, általában lokális hálózatokban használják, a kulcsok száma miatt, mely n felhasználó esetében $n \cdot (n - 1)/2$.
- K_m : korábban megosztásra került, mindkét fél által ismert mester kulcs
- K_S : a megosztott kulcs



A szimmetrikus kulcs megosztása

Aszimmetrikus titkosítási módszerrel, autentikáció nélkül:

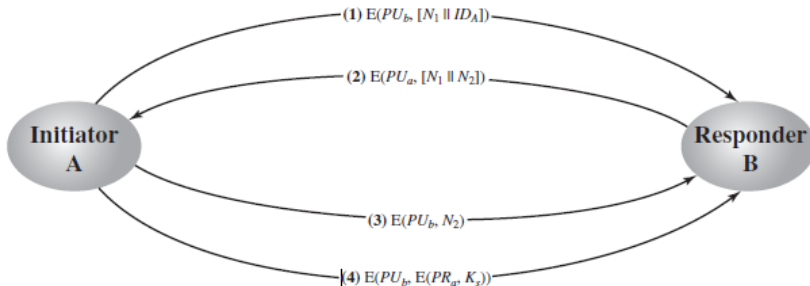
- a legegyszerűbb kulcsmegosztási technikát 1979-ben Merkle dolgozta ki
- a *man in the middle* típusú támadással szemben nem biztonságos
- az *A* egység, a kommunikáció megkezdése előtt generál egy PU_a, PR_a publikus/privát kulcspárt, ahol a PU_a értéket megosztja egy publikus csatornán *B*-vel, a PR_a értéket pedig titokban tartja



A szimmetrikus kulcs megosztása

Aszimmetrikus titkosítási módszerrel, autentikációval:

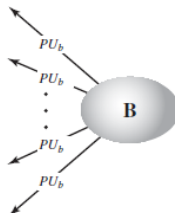
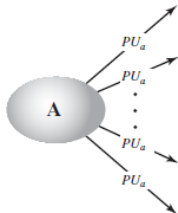
- Feltételezzük, hogy a felek korábban kigenerálták a megfelelő PU_a, PR_a , illetve PU_b, PR_b publikus/privát kulcspárokat és a publikus kulcsaikat korábban már megosztották.
- A megosztott kulcs a K_S lesz.



Publikus kulcsok megosztása

Publikus közlemény (Public Announcement) segítségével

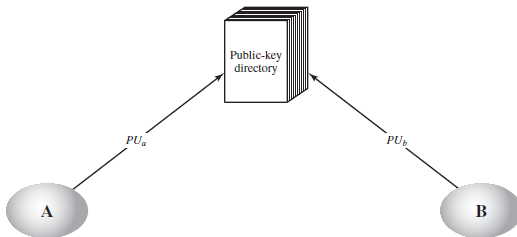
- a publikus kulcsok nyilvánosak, ezért bárki nyilvánosan közzé teheti a saját publikus kulcsát, pl. hozzáfűzve egy adott üzenethez
- könnyű a hamisítás, mert bárki kiadhatja magát másnak



Publikus kulcsok megosztása

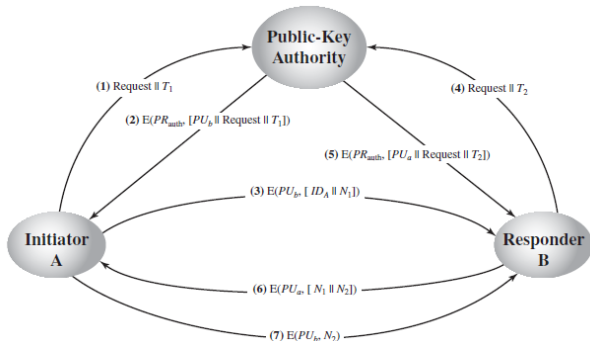
Publikusan elérhető **könyvtár** (Publicly Available Directory) segítségével:

- egy publikusan elérhető könyvtárat biztosítunk a felhasználók számára
- feltételezzük, hogy a publikus könyvtár használatát lehetővé tevő szerv megbízható
- a könyvtár használata regisztrációhoz kötött, amely a felhasználó autetifikálását is megoldja
- egy támadó ha hozzáfér a könyvtárhoz tetszőleges számú hamis publikus kulcsot elhelyezhet itt



Publikus kulcsok megosztása

Publikus-kulcsú **hatóság** (Public-key Authority) segítségével:



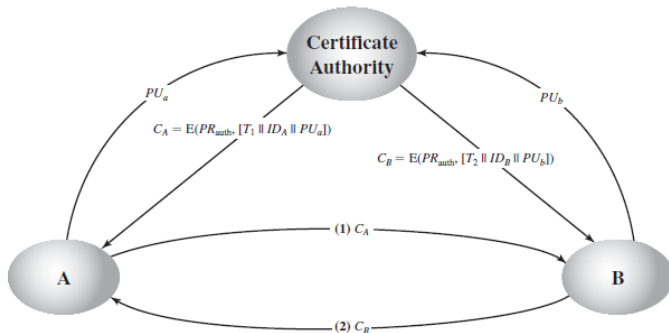
Publikus kulcsok megosztása

Publikus-kulcsú **hatóság** segítségével:

- minden felhasználó számára kiosztjuk a hatóság egy publikus kulcsát, ahol a megfelelő privát kulcsot csak a hatóság ismeri
- a felek közötti megegyezés több üzenetcserét igényel
- egy fél annyi publikus kulcsot kell lekérjen, ahány eszközzel (féllel) szeretne kommunikálni, amelyek mindegyikét ismeri a központi hatóság, ez komoly gyengesége a rendszernek

Publikus kulcsok megosztása

Publikus-kulcsú **tanúsítványok** (Public-key Certificates) használata:



Publikus kulcsok megosztása

Publikus-kulcsú **tanusítványok** használata:

- egy tanusítvány a következőket tartalmazza: a publikus kulcsot, a kulcstulajdonos azonosítóját és ezen adatok digitálisan aláírt értékét
- a tanusítványt egy megbízható intézmény/hatóság kell kiállítsa
- a tanusítvány kiállítása azt jelenti, hogy a felhasználó bemutatja publikus kulcsát a hatóságnak, amit az *aláír*.
- az aláírt tanusítványt, az aláírt értékkel a felhasználó ezután közzé teszi
- ha egy publikus kulcsot használni szeretnénk, akkor le kell ellenőrizni, ami azt jelenti, hogy a hatóság publikus kulcsát használva elvégezzük az aláírás-ellenőrzési folyamatot
- ha az ellenőrzés sikerrel jár az azt jelenti, hogy a publikus kulcs tulajdonosa az akinek mondja magát

Ál-véletlenszám generátorok

- a kriptográfiában alkalmazható ál-véletlenszám generátorok (pseudo-random generators, PRG) biztonsága más kritériumokon alapszik
- PRG: egy hatékony G determinisztikus algoritmus, amely egy kezdeti s értékből (seed) kiindulva egy r kimenetet generál,
- $s \in \mathbb{S}, r \in \mathbb{R}, \mathbb{S} = \{0, 1\}^k, \mathbb{R} = \{0, 1\}^K$, ahol k sokkal kisebb mint K ,
- ekkor azt mondjuk, hogy a G egy PRG, amely (\mathbb{S}, \mathbb{R}) felett van értelmezve
- informálisan egy PRG biztonságát az határozza meg, hogy $s \xleftarrow{R} \mathbb{S}$, illetve $r \xleftarrow{R} \mathbb{R}$ esetében egy hatékony támadó ne tudjon különbséget tenni $G(s)$ és r között

Ál-véletlenszám generátorok

A következő bit teszt (The next bit test):

- legyen G az $(\{0, 1\}^k, \{0, 1\}^K)$ felett értelmezett ál-véletlenszám generátor,
- abban az esetben, amikor egy hatékony támadó a G utolsó $K - 1$ bit-értékei alapján megtudja határozni a K -adik, azaz az utolsó bit értékét, a G nem lesz biztonságos,
- a fenti kijelentés fordítottja is igaz,

Kriptográfiában alkalmas PRG-k:

- Blum-Blum-Shub generátor
- Goldreich-Levin generátor

A Blum-Blum-Shub generátor

- alkalmas kriptográfiai rendszerekben, biztonságát a faktorizációs és kvadratikus maradék feltételezés adja
- nagy számításigényű, ezért csak nagy biztonságot követelő rendszereknél alkalmazzák
- az alkalmazott függvény: a moduláris négyzetre emelés
- legyen a generált bitsor:
 (b_1, b_2, \dots, b_n) , ahol $b_i = u_i \pmod{2}$ és $u_i = u_{i-1}^2 \pmod{N}$, ahol $N = P \cdot Q$ és P, Q prímek, úgy hogy $P = 2 \cdot p + 1$, $Q = 2 \cdot q + 1$ és p, q is prímek
- a generált P, Q értékeket biztonságos prímeknek (safe prime) hívják
- a generált prímekre fennáll: $P \equiv Q \equiv 3 \pmod{4}$, ezért ezeket még Blum egészeknek is hívják
- u_0 a generátor egy kezdeti értéke: $u_0 = r^2 \pmod{N}$, ahol $r \xleftarrow{R} \mathbb{Z}_N^*$

A Blum-Blum-Shub generátor

Példa

- legyen $P = 23 = 2 * 11 + 1$, $Q = 83 = 2 * 42 + 1$
- $N = 1909$
- $r = 784$
- $u_0 = r^2 \pmod{N} = 1867$

$u_i = u_{i-1}^2 \pmod{N}$	$b_i = u_i \pmod{2}$
1764	0
26	0
676	0
725	1
650	0
611	1
...	

A Goldreich-Levin generátor

- kriptográfiai biztonságát a faktorizációs és kvadratikus maradék feltételezés adja
- legyen $N = P \cdot Q$, és P, Q Blum egészek: $P, Q \equiv 3 \pmod{4}$, és P, Q prímek.
- legyen s, r véletlenszerűen generált értékek, ahol $s, r \leq N$, és $u = r^2 \pmod{N}$
- a generált bitsort a következőképpen határozzuk meg:

$(GL_s(u \pmod{N}), GL_s(u^2 \pmod{N}), \dots, GL_s(u^n \pmod{N}))$, ahol

$$GL_s(u) = \bigoplus_{i=1}^n (s_i \otimes u_i), \quad s = s_1 s_2 \dots s_n, \quad u = u_1 u_2 \dots u_n$$

- a \otimes operátor bitenkénti **és** műveletet jelent, azaz a bementi két bitsort AND művelettel kell "összeadni"
- az \oplus operátor **modulo 2** szerinti összeadást jelent, azaz a bemeneti bitsor bitjein páronként XOR műveletet kell végezni

A Goldreich-Levin generátor

Példa

- legyen $P = 19 \equiv 3 \pmod{4}$, $Q = 23 \equiv 3 \pmod{4}$
- $N = 437$
- $s = 345 = (101011001)_2$
- $r = 329, u = r^2 \pmod{N} = 302$

$u \pmod{N}$	$\text{bin}(u)$	$s \otimes u$	$\text{bin}(s \otimes u)$	$GL_s(u)$
302	100101110	264	100001000	0
308	100110100	272	100010000	0
35	100011	1	1	1
351	101011111	345	101011001	1
404	110010100	272	100010000	0
215	11010111	81	1010001	1
340	101010100	336	101010000	1
...				

Megjegyzés: $GL_s(u)$ kimenete 0, ha a bináris alakban, azaz $\text{bin}(s \otimes u)$ -ban páros számú egyes van, másképp 1.