

Kriptográfia és Információbiztonság

4. előadás

MÁRTON Gyöngyvér

Sapientia Egyetem, Matematika-Informatika Tanszék
Marosvásárhely, Románia
`mggyongyi@ms.sapientia.ro`

2023

Miről volt szó az elmúlt előadáson?

- titkos-kulcsú rendszerek: matematikai modell, osztályozások
- folyam-titkosító rendszerek: OTP, RC4, linear feedback shift register, A5/1, Salsa20

Miről lesz szó?

- blokk-titkosító rendszerek
- blokk-titkosító módok
- a Crypto++ könyvtárcsomag
- 3DES ECB, CBC módban, C++ kód
- a DES (Data Encryption Standard): specifikáció, biztonság, tervezési szempontok
- TEA, Blowfish

Blokk-titkosító rendszerek

- bájt-tömbönként alkalmaznak egy álvéletlen függvényt/permutációt,
- a rendszer biztonságát az alkalmazott álvéletlen függvény (pseudo-random function), illetve álvéletlen permutáció (pseudo-random permutation) határozza meg,
- a kulcsot bájt-tömbönként újra használják,
- fix méretű tömbökkel végeznek műveleteket: n -bites nagyságú nyílt-szöveg rejtjelezett értékét határozzák meg, a kimenet is n -bites lesz,
- **blokk-titkosító módot** alkalmaznak:
 - hogy elkerüljék a kulcs többszöri felhasználásának problémáját,
 - hogy tetszőleges hosszúságú üzenetet legyenek képesek titkosítani,
 - hogy randomizálják a titkosítási folyamatot,
- egy blokktitkosító rendszer átalakítható folyamtitkosító rendszerré, ha valamilyen blokk-titkosító módot használunk, pl. CFB, CTR.

Blokk-titkosító rendszerek

1. értelmezés

Legyen $F = F(n) : K_n \times X \rightarrow Y$ egy függvénycsalád, ahol az F értékei meghatározhatóak polinom időben (hatékonyan). $K_n = \{0, 1\}^n$ -el a kulcsok halmazát jelöljük, ahol n egy biztonsági paraméter általában a kulcs hossza. Egy rögzített $\text{key} \in K_n$ -re az $F_{\text{key}} : X \rightarrow Y$ **biztonságos pszeudorandom függvény**, ha a key hiányában nem lehet polinom időben különbséget tenni az F_{key} és egy valódi random függvény között.

2. értelmezés

Legyen $F = F(n) : K_n \times X \rightarrow X$, ahol az F értékei meghatározhatóak polinom időben, $K_n = \{0, 1\}^n$ a kulcsok halmaza, n egy biztonsági paraméter, a kulcs hossza és bármely $\text{key} \in K$ -ra F_{key} egy **permutáció**, azaz egy **bijektív** függvény. Az $F_{\text{key}} : X \rightarrow X$ **biztonságos pszeudorandom permutáció** ha nem lehet polinom időben különbséget tenni az F_{key} és egy valódi random permutáció között.

- Nem egy triviális feladat biztonságos pszeudorandom függvényt, illetve pszeudorandom permutációt szerkeszteni.
- Egy pszeudorandom permutáció egyben pszeudorandom függvény is.

Blokk-titkosító rendszerek

3. értelmezés

Az $E = E(n) : K_n \times X \rightarrow X$ permutáció, ahol $K_n = \{0, 1\}^n$, n egy biztonsági paraméter a kulcs hossza egy **blokk titkosító**, ha

- bármely $key \in K_n$ -re létezik polinom idejű (hatékony), determinisztikus algoritmus az $E(key, x)$ értékek meghatározására, ahol $x \in X$,
- létezik polinom idejű algoritmus az E inverz értékeinek a meghatározására,
- az $|X| = l$ a blokktitkosító blokk mérete lesz.

- A blokk titkosítók a pseudorandom permutációk konkrét esetei, ahol minden $key \in K_n$ -re egy bijektív függvény (permutáció) adható meg.
 - A pseudorandom függvények átalakíthatóak pseudorandom generátorokká, a következőképpen:
 - legyen $E = E(n) : K_n \times \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}^n$ egy pseudorandom függvény
 - ekkor $G = G(n) : K_n \rightarrow \{0, 1\}^{nt}$ pseudorandom generátor lesz
- $$G_{key} = E_{key}(0) || E_{key}(1) || \dots || E_{key}(t)$$

Blokk-titkosító rendszerek

A blokk titkosítók két nagy csoportra oszthatóak:

- Feistel sémán alapuló rendszerek (DES):
 - a titkosítás több körből áll,
 - az eredeti kulcs alapján különböző kör-kulcsokat (round key) hoznak létre, amelyeket a megfelelő körökben használnak fel,
 - minden körben **felosztják** a bemeneti bitsort, egyik részen permutációt és helyettesítést (S-box alkalmazása) hajtanak végre, amely után **megcserélik** a két részt,
- Helyettesítést és permutációt alkalmazó rendszerek (AES):
 - a titkosítás több körből áll,
 - az eredeti kulcs alapján különböző kör-kulcsokat (round key) hoznak létre, amelyeket a megfelelő körökben használnak fel,
 - minden körben a kulcsokon egy keverést alkalmaznak,
 - a bemeneten minden körben egy helyettesítést, egy permutációt (S-box alkalmazása) és egy lineáris transzformációt hajtanak végre,

Blokk-titkosító rendszerek

- egy blokk-titkosító egyszerre n darab byte-ot titkosít, azonban ha a nyílt szöveg nagyobb mint n -byte, akkor a nyílt-szöveget fel kell osztani n -byteos részekre,
- a nyílt-szöveget "padding"-olni (kiegészíteni) kell: PKCS#7, ha N darab bájtot kell hozzáadni, akkor az N értékét adjuk hozzá N -szer
- a kulcsok fehéritése (whitening): az első kör előtt és az utolsó kör után XOR műveletre kerül sor
 - a blokktitkosító alkalmazása előtt a nyílt szöveg blokkját XOR-olják egy kulccsal, a blokktitkosítás után kapott rejtjelezett blokkot megint XOR-olják egy másik kulccsal:

$$\begin{aligned}\text{titkosítás: } c &= E_{key}(k_1, k_2, m) = E_{key}(m \oplus k_1) \oplus k_2 \\ \text{visszafejtés: } m &= E_{key}^{-1}(k_1, k_2, c) = E_{key}^{-1}(c \oplus k_2) \oplus k_1\end{aligned}$$

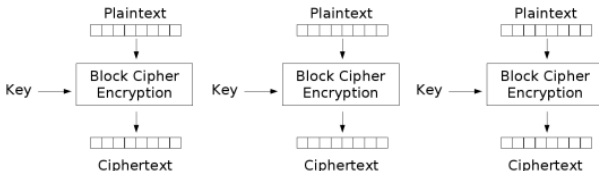
- a blokk titkosító kevésbé lesz támadható brute-force-al: a k_1, k_2 alkalmazásával megnőtt a lehetséges kulcsok száma
- megjelenik a kulcs többszöri felhasználásának problémája → blokk titkosítási módokat kell alkalmazni
- 1981-ben a NIST standard **blokk titkosítási módokat** dolgozott ki, az elején a DES számára: *Block cipher mode*,
- később további blokk titkosítási módok jelentek meg: 2001-ben adják hozzá a CTR-t az addigi standard blokk titkosítási módokhoz,

Blokk-titkosító módok, jellemzők

Titkosítási mód	Alkalmazhatóság
ECB	csak akkor biztonságos, ha csak egy blokk titkosítására használjuk, pl. kulcs titkosítására
CBC	leggyakrabban használt , hitelesítést is biztosít, a titkosítást nem, de a visszafejtést lehet párhuzamosítani, egy hibás blokk az összes utána következőt elrontja
CFB	folyam-titkosító , hitelesítést is biztosít, nincs padding a titkosítást nem, de a visszafejtést lehet párhuzamosítani, egy hibás blokk az összes utána következőt elrontja
OFB	folyam-titkosító, hibajavító kódok esetében használnak , nincs padding, nem lehet párhuzamosítani, előkészíthető a titkosítás/visszafejtés
CTR	általános blokk-titkosító, nem biztosít hitelesítést, nincs padding, nagy gyorsaságú, párhuzamosítható , előkészíthető a titkosítás/visszafejtés, nem egyszerű a küldő és fogadó oldalon szinkronizálni a számlálót egy hibás blokk nem csak az aktuális blokkot rontja el

ECB (Electronic Code Book)

- a nyílt szöveg blokkjait egymástól függetlenül titkosítjuk, a titkosított szöveg a titkosított blokkok konkatenációja lesz, visszafejtésnél ugyanígy járunk el,
- csak **egy blokkból álló adathalmaz** esetén szabad használni, pl. kulcsok,
- Biztonsági problémák:
 - ha két blokk egyforma, akkor ezeknek a rejtjelezett értéke is egyforma lesz
 - egy harmadik fél (ellenség) felcserélhet két rejtjelezett blokkot, vagy kitörölhet, kicserélhet egy-egy blokkot, anélkül, hogy a kommunikáló felek ezt észrevennék



Képek forrásai: http://en.wikipedia.org/wiki/Block_cipher_modes_of_operation

Az ECB mód, a Crypto++ könyvtárcsomag

1. feladat

Titkosítsunk és fejtünk vissza DES3-ECB blokk-titkosítóval egy tetszőleges bmp állományt, majd a rejtjelezett `cryptECB.bmp` állomány első 32 bájtyát cseréljük le az eredeti állomány első 32 bájtyára. Figyeljük meg, hogy az újonnan kapott `cryptECB_.bmp` állományban azzal, hogy az állomány tulajdonképpen header-jét nem rejtjeleztük következtetni lehet az eredeti tartalomra: nyissuk meg a `cryptECB_.bmp`-t egy képszerkesztővel.

A feladatot C++-ban a `crypto++` könyvtár függvényeit használva oldjuk meg:

- `crypto++`: kriptográfiai algoritmusok C++-ban, a NIST által elfogadott standard implementációkkal,

<http://www.cryptopp.com/#download>

- használatához MSDN alatt a következőket kell tenni:
 - letöltés, kicsomagolás,
 - a `cryptest.sln` projekt megnyitása,
 - build-elés után létrejön a `\cryptopp\Win32\Output\Debug` mappába: ⇒ **`cryptlib.lib`**, ezt kell hozzácsatolni azokhoz a projektekhez, ahol a `crypto++` függvényeket akarom használni.

A Crypto++ könyvtárcsomag

A projektnél, ahol használni akarom a crypto++ függvényeit a következő beállításokat kell elvégezni:

- Project/Properties/Configuration Properties/C/C++/Code generation/Runtime Library \Rightarrow Multi-threaded Debug (/MTd)-ra állítani,
- Project/Properties/Configuration Properties/C/C++/General /Additional Include Directories-nél adjuk meg a header állományok elérési útvonalát: `..\cryptopp563`
- a `cryptlib.lib`-et hozzá kell adni a projekthez,
- az alkalmazás elejére be kell írni:

```
#define CRYPTOPP_DEFAULT_NO_DLL  
#include "dll.h"
```

3DES ECB módban, NEM BIZTONSÁGOS

```
#define CRYPTOPP_DEFAULT_NO_DLL
#include "dll.h"
#include "des.h"
#include <fstream>
using namespace(CryptoPP)
using namespace(std)

void DES3_ECB_Encrypt(SecByteBlock, const char *, const char *);
void DES3_ECB_Decrypt(SecByteBlock, const char *, const char *);

int main()
{
    // a key értékét véletlenszerűen generáljuk
    AutoSeededRandomPool rnd;
    SecByteBlock key(0x00, DES_EDE2::DEFAULT_KEYLENGTH);
    rnd.GenerateBlock(key, key.size());

    DES3_ECB_Encrypt(key, "kep.bmp", "cryptECB.bmp")
    DES3_ECB_Decrypt(key, "cryptECB.bmp", "kepNew.bmp");
    return 0;
}
```

3DES ECB módban, NEM BIZTONSÁGOS

```
void DES3_ECB_Encrypt(SecByteBlock key,
    const char *infile, const char *outfile)
{
    ECB_Mode<DES_EDE2>::Encryption bf;
    bf.SetKey(key, key.size());
    FileSource(infile, true,
        new StreamTransformationFilter(bf, new FileSink(outfile)));
}

void DES3_ECB_Decrypt(SecByteBlock key,
    const char *infile, const char *outfile)
{
    ECB_Mode<DES_EDE2>::Decryption bf;
    bf.SetKey(key, key.size());
    FileSource(infile, true,
        new StreamTransformationFilter(bf, new FileSink(outfile)));
}
```

3DES ECB módban, NEM BIZTONSÁGOS

Ha a titkosított állományban lecseréljük az első 32 bájtot, egy bmp első 32 standard bájtjára, akkor az ECB mód szerint titkosított **kép felismerhető**:

```
int main() {
    int d = 32;
    ifstream in1("kep.bmp", ifstream::binary);
    char *mbyte = new char[d];
    in1.read(mbyte, d);
    in1.close();

    ifstream in("cryptECB.bmp", ifstream::binary)
    in.seekg(0, ios::end);
    int fsize = in.tellg();
    in.seekg(0, ios::beg);

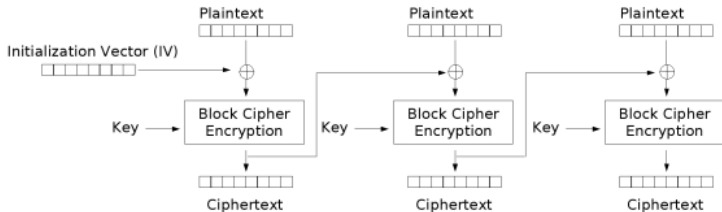
    char *byte = new char[fsize];
    in.read(byte, fsize);
    in.close();

    ofstream out("cryptECB_.bmp", ofstream::binary)

    for (int i = 0; i < d; ++i)
        byte[i] = mbyte[i];
    out.write(byte, fsize);
    out.close();
    return 0;
}
```

CBC (Cipher-Block Chaining)

- titkosítás: a titkosító bemenete az aktuális nyílt-szöveg és az előző rejtjelezett szöveg \oplus szerint meghatározott értéke,



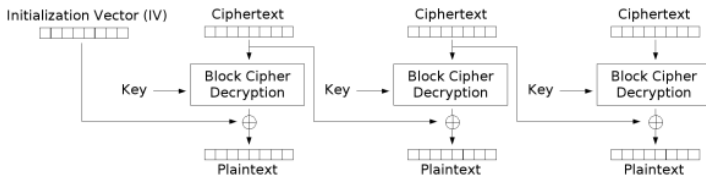
$$C_i = E_{key}(M_i \oplus C_{i-1}), C_0 = IV$$

CBC (Cipher-Block Chaining)

- a leggyakrabban használt blokk-titkosító mód
- egy blokk titkosítása az előző blokk titkosított értékétől függ,
- az első blokk esetében egy **inicializáló vektort IV**-t, használunk, amit nem muszáj titokban tartani
- a IV lehet
 - nonce (number used once): egy idő-pecsét, egy számláló,
 - álvéletlen módon generált byte-tömb,
- ha a nyílt szöveg egy bitje megváltozik (pl. sérül az adattovábbítás során), akkor a megfelelő rejtjelezett blokk értéke és az utána következő még két rejtjelezett blokkérték meg fog változni, emiatt alkalmazzák a mobil kommunikációban inkább a stream cipher-eket
- általános cél esetében, **nagy adathalmaz** titkosítására használják, illetve üzenet hitelesítő kódok (MAC) szerkesztése során

CBC (Cipher-Block Chaining)

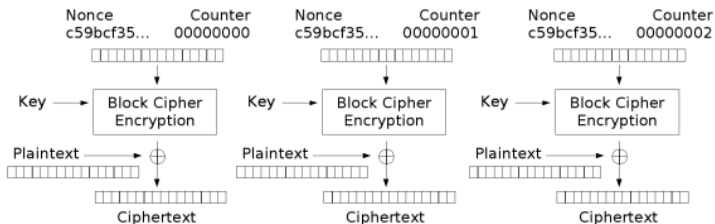
- visszafejtés: a rejtjelezett blokk-tömböt átadjuk a titkosító algoritmusnak, majd az eredmény és az előző rejtjelezett blokk \oplus értékét határozzuk meg,



$$M_i = D_{key}(C_i) \oplus C_{i-1}, C_0 = IV$$

CTR (Counter mode)

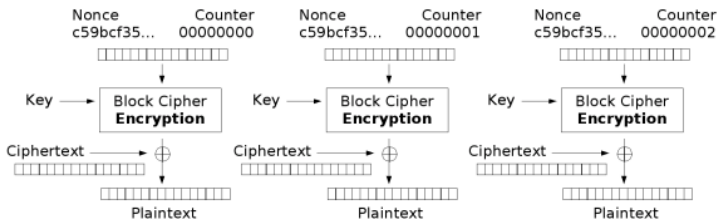
- egy folyam-titkosítást hajt végre,
- titkosítás: egy kulcs-folyamot generál, a nyílt-szövegtől függetlenül, egy számláló érték alapján, mely blokkról blokkra változik. A kapott kulcs-folyamot és a nyílt-szöveg blokkjait \oplus -al összeadja.



$$C_i = K_i \oplus M_i, K_i = E_{key}(Nonce, Counter_i)$$

CTR (Counter mode)

- visszafejtés: mivel az \oplus művelet szimmetrikus, a titkosítás és visszafejtés ugyanaz,



$$M_i = K_i \oplus C_i, K_i = E_{key}(Nonce, Counter_i)$$

DES (Data Encryption Standard)

- 1970-ben tervezte Horst Feistel → Feistel séma,
- 1976-ban fogadták el standardként,
- 1997-ben feltörték, az összes kulcs kipróbálásának módszerével,
- kulcs-mérete: 56 bit,
- blokk-mérete: 64 bit,
- a 3DES hatékonysága: 13 Mb/sec,
- nagyon sikeres titkosító rendszer: alkalmazták a banki szektorban integritás vizsgálatok során, alkalmazták kereskedelmi társaságok, sokáig a web egyik alap titkosító mechanizmusa volt.

DES, tervezési szempontok

- Blokk-méret: nagyobb blokk-méret esetén csökken a rejtjelezési sebesség, de nagyobb a biztonság,
- Kulcs méret: nagyobb kulcs méret esetén is csökken a rejtjelezési sebesség, de nagyobb a biztonság is,
- Mennyi legyen a körök száma?
- Hogy generáljuk a körkulcsokat?, nagy komplexitás
- Hogyan értelmezzük a titkosító függvényt?, nagy komplexitás
- A visszafejtés ugyanaz, mint a titkosítás, csak fordított sorrendben kell alkalmazni a kulcsokat → nem kell két algoritmust írni.

DES, biztonság

- Az alkalmazott alapl műveletek:
 - helyettesítés (substitution): az F alkalmazása, majd a \oplus ,
 - permutáció (permutation): a két 32 bites rész felcserélése,
 - Shannon: helyettesítést és permutációt alkalmazva megváltozik nyílt-üzenet statisztikai tulajdonsága \Rightarrow nem alkalmazhatóak statisztikai elemzések a feltörés során.
- Az S és P boxok megválasztása,
 - **nem lehetnek lineárisak**,
 - az S boxban elvégzett műveleteken kívül minden más művelet lineáris,
 - nem lehetnek véletlenszerűek,
 - mai napig **nem publikus** az a kritériumrendszer ami alapján az S-boxokat szerkesztették \rightarrow az a vélemény, hogy ha ez nyilvános lenne, akkor könnyebb lenne a kriptóanalízis.

DES, biztonság

- lavina effektus a titkosító és kulcsgeneráló algoritmusnál: kis változtatás a bemeneten nagy változtatást eredményez a kimeneten,
- a biztonság fokozása: előbb tömörítem a nyílt-szöveget utána titkosítom,
- a feltöréshez szükséges idő: 2^{56} , ami komoly veszélyt jelent → ma már nem használjuk, helyette a *3DES*-t használjuk, amely NIST standard.
- 3DES: a DES biztonságának a megerősítése anélkül, hogy a belső szerkezetén változtatnánk, biztonságosabb, de háromszor lassúbb, mint a szimpla DES.

DES, Kulcsgenerálás

- iterációs szerkesztési séma, alkalmazzák az AES-128 -nál is,
- a DES-nél az iteráció száma 16, a 3DES-nél az iteráció száma 48.
- Az 56 bites kulcsot kiegészítve minden 7 bit után egy **paritás-bitel** egy 64 bites key_0 kezdeti kulcsot kapunk,
- Példa: legyen az 56 bites kulcs key : $0 \times 12, 0 \times 69, 0 \times 5b, 0 \times c9, 0 \times b7, 0 \times b7, 0 \times f8$, amelynek a bináris alakja a következő:

00010010 01101001 01011011 11001001 10110111 10110111 11111000

- 7-vel felosztva kapjuk:

0001001 0011010 0101011 0111100 1001101 1011110 1101111 1111000

- a key -t paritásbittekkel kiegészítve kapjuk key_0 -t:

00010011 00110100 01010111 01111001 10011011 10111100 11011111 11110001

0	0	0	1	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1	0	0
0	1	0	1	0	1	1	1
0	1	1	1	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0	1	1
1	0	1	1	1	1	0	0
1	1	0	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	0	0	1

DES, Kulcsgenerálás

- a kezdeti kulcs alapján 16 körkulcsot generálunk: key_1, \dots, key_{16} .
- key_0 -ra alkalmazzuk a **PC₁ függvényt** \rightarrow 56 bit, melyet felosztunk két 28 bites blokkra $\rightarrow C_{i-1}, D_{i-1}$,
- minden $i = 1, 2, \dots, 16$ -re elvégezzük:
 - C_i : v_i db balra történő bitrotáció C_{i-1} -en,
 - D_i : v_i db balra történő bitrotáció D_{i-1} -en, ahol

$$v_i = \begin{cases} 1, & \text{ha } i = 1, 2, 9, 16 \\ 2, & \text{egyébként,} \end{cases}$$

- alkalmazzuk a **PC₂ függvényt** (C_i, D_i) -re $\rightarrow key_i$.

DES, PC-1, PC-2 függvény

A PC_1 függvény

C_{i-1}						
57	49	41	33	25	17	9
1	58	50	42	34	26	18
10	2	59	51	43	35	27
19	11	3	60	52	44	36
D_{i-1}						
63	55	47	39	31	23	15
7	62	54	46	38	30	22
14	6	61	53	45	37	29
21	13	5	28	20	12	4

A PC_2 függvény

14	17	11	24	1	5
3	28	15	6	21	10
23	19	12	4	26	8
16	7	27	20	13	2
41	52	31	37	47	55
30	40	51	45	33	48
44	49	39	56	34	53
46	42	50	36	29	32

- $PC_1(b_1 b_2 \dots b_{64}) = C_{i-1} || D_{i-1} = b_{57} b_{49} \dots b_{36} b_{63} \dots b_4$, kimenete 56 bit,
- $PC_2(b_1 b_2 \dots b_{56}) = b_{14} b_{17} \dots b_{32}$, kimenete 48 bit.

00010011 00110100 01010111 01111001 10011011 10111100 11011111 11110001

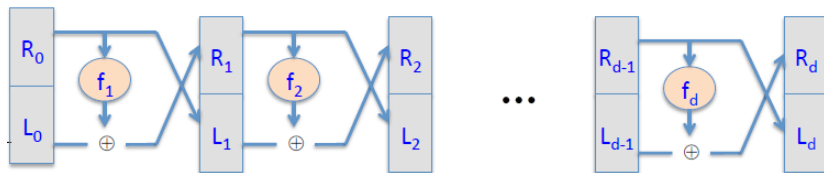
a PC_1 függvény alkalmazása után:

1111000 0110011 0010101 0101111 0101010 1011001 1001111 0001111

DES, titkosítás

- A 64 bites bemeneten alkalmazunk egy kezdeti **IP-permutációt**,
- A kapott bitsort 2 részre osztjuk: L_0, R_0 ,
- meghatározzuk L_i -t és R_i -t, ($i = 1, 2, \dots, 16$):
$$\begin{aligned} L_i &= R_{i-1}, \\ R_i &= L_{i-1} \oplus f_i(R_{i-1}), \\ f_i : \{0, 1\}^{32} &\rightarrow \{0, 1\}^{32} \quad f_i(x) = F(\text{key}_i, x). \end{aligned}$$
- $L_{16}||R_{16}$ -ra alkalmazzuk az **IP⁻¹-permutációt**.

DES, titkosítás



Forrás: Boneh D.: Introduction to Cryptography. Online Cryptography.

$$\text{Titkosítás: } L_i = R_{i-1}, \quad R_i = L_{i-1} \oplus f_i(R_{i-1}),$$

DES, permutáció táblák

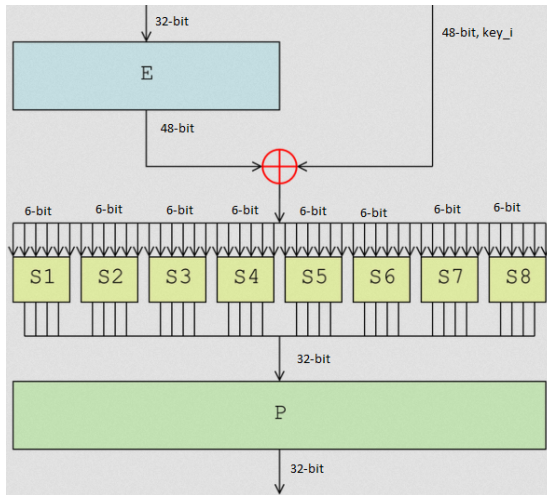
Az IP permutáció

58	50	42	34	26	18	10	2
60	52	44	36	28	20	12	4
62	54	46	38	30	22	14	6
64	56	48	40	32	24	16	8
57	49	41	33	25	17	9	1
59	51	43	35	27	19	11	3
61	53	45	37	29	21	13	5
63	55	47	39	31	23	15	7

Az IP^{-1} permutáció

40	8	48	16	56	24	64	32
39	7	47	15	55	23	63	31
38	6	46	14	54	22	62	30
37	5	45	13	53	21	61	29
36	4	44	12	52	20	60	28
35	3	43	11	51	19	59	27
34	2	42	10	50	18	58	26
33	1	41	9	49	17	57	25

DES, $f_i(x) = F(\text{key}_i, x)$ függvény



Forrás: en.wikipedia.org/wiki/Data_Encryption_Standard

DES, permutáció táblák

Az E expansion függvény

32	1	2	3	4	5
4	5	6	7	8	9
8	9	10	11	12	13
12	13	14	15	16	17
16	17	18	19	20	21
20	21	22	23	24	25
24	25	26	27	28	29
28	29	30	31	32	1

A P permutáció

16	7	20	21
29	12	28	17
1	15	23	26
5	18	31	10
2	8	24	14
32	27	3	9
19	13	30	6
22	11	4	25

DES, S-boxok

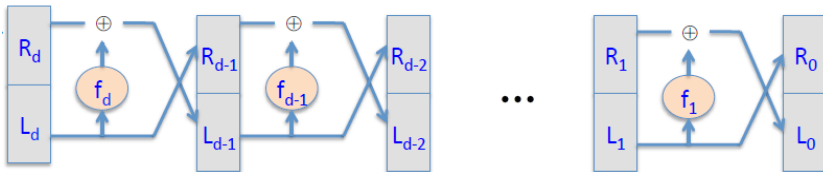
S_1															
14	4	13	1	2	15	11	8	3	10	6	12	5	9	0	7
0	15	7	4	14	2	13	1	10	6	12	11	9	5	3	8
4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	0
15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	13
S_2															
15	1	8	14	6	11	3	4	9	7	2	13	12	0	5	10
3	13	4	7	15	2	8	14	12	0	1	10	6	9	11	5
0	14	7	11	10	4	13	1	5	8	12	6	9	3	2	15
13	8	10	1	3	15	4	2	11	6	7	12	0	5	14	9
⋮															

$S_i(B)$ -t, az S_i box alapján, ahol $B = b_1 b_2 b_3 b_4 b_5 b_6$ a következőképpen határozzuk meg:

- $b_1 b_6$ meghatározza a sor-indexet,
- $b_2 b_3 b_4 b_5$ meghatározza az oszlop-indexet,
- $S_i(B)$, a megfelelő indexnél levő érték bináris alakja,
- Pl. $S_1(111100) = 0101$, mert $b_1 b_6 = 10$, azaz a 2. sor, $b_2 b_3 b_4 b_5 = 1110$, azaz a 14. oszlop. Az itt található érték 5, aminek bináris alakja 0101.

DES, visszafejtés

- Visszafejtés: az alkalmazott körkulcsokat fordított sorrendben kell venni,



Forrás: Boneh D.: Introduction to Cryptography. Online Cryptography.

$$\text{Visszafejtés: } R_{i-1} = L_i, \quad L_{i-1} = R_i \oplus f_i(L_i).$$

3DES, triple DES

- a DES biztonságának a megerősítése anélkül, hogy a belső szerkezetén változtatnánk.
- Ha $E : K \times M \rightarrow M$ egy blokk-titkosító, akkor értelmezhető $3E : K^3 \times M \rightarrow M$ blokk-titkosító, ahol $3E((key_1, key_2, key_3), m) = E(key_1, D(key_2, E(key_3, m)))$,
- a kulcsméret: $3 \times 56 = 168$ -bit lesz,
- biztonságosabb, de háromszor lassúbb, mint a szimpla DES,
- Miért nem $3E((key_1, key_2, key_3), m) = E(key_1, E(key_2, E(key_3, m)))$ szerint van értelmezve a 3DES?
- ha $key_1 = key_2 = key_3$, akkor a szimpla DES-t kapom, a hardver implementációnál fel lehet használni a 3DES-t a szimpla DES implementációjára
- a feltöréshez szükséges idő, az összes kulcs kipróbálásának módszerével 2^{168} ,
- létezik 2^{118} nagyságrendű feltörési algoritmus.

2DES, double DES

- a 2DES nem növeli a titkosító biztonságát,
- $2DES : K^2 \times M \rightarrow M$, ahol $2E((key_1, key_2), m) = E(key_1, E(key_2, m))$
- **meet in the middle** típusú támadás alkalmazható, amely gyorsabb, mint az összes kulcs kipróbálásának módszere:
 - a cél megtalálni key_1, key_2 -t, tudva, hogy m rejtjelezett értéke c , amikor is fennáll: $E(key_1, E(key_2, m)) = c$,
 - a megoldandó egyenlet ekvivalens: $E(key_2, m) = D(key_1, c)$
 - minden key lehetséges értékére meghatározzák $E(key, m)$ -t, és a kapott értékeket rendezik,
 - ellenőrzik, hogy melyik key -re kapják meg $D(key_1, c)$ -t; ahol találat van, ott meghatározzák a key_1, key_2 -t.
 - feltöréshez szükséges idő = a rendezéshez + kereséshez szükséges idő:
 $2^{56} \cdot \log(2^{56}) + 2^{56} \cdot \log(2^{56}) < 2^{63}$,
 - feltöréshez szükséges tárhely: 2^{56} .

DESX

- Ha $E : K \times M \rightarrow M$ egy blokk-titkosító, akkor értelmezhető $EX : K^3 \times M \rightarrow M$ blokk-titkosító, ahol $EX((key_1, key_2, key_3), m) = key_1 \oplus E(key_2, key_3 \oplus m)$,
- nem standardizált, de kivédi az összes kulcs kipróbálásának módszerét,
- ha csak az egyszer alkalmazom a \oplus műveletet, azaz a $key_1 \oplus E(key_2, m)$ vagy $E(key_2, m \oplus key_1)$ konstrukciók nem jelentenek nagyobb biztonságot mint a szimpla DES,
- a blokk titkosító algoritmusok esetében számos támadási típus létezik. amelyek kivédésére a legjobb módszer, ha nem a saját implementációinkat használjuk, hanem a nyílt forráskódú könyvtárakban található implementációkkal dolgozunk, pl. OpenSSL, Crypto++.

DES, egyéb támadási módok

- differential cryptanalysis (diferenciál kriptanalízis)
 - sok titkos/rejtjelezett pár ismeretében gyakran az összes kulcs kipróbálásának módszerénél hatékonyabb feltörés végezhető,
- side-channel típusú támadás
 - az implementáció adta gyengeségeket használják ki,
 - meghatározzuk a titkosítás/visszafejtés időigényét,
 - meghatározzuk az áramfogyasztást nagyságát.

TEA (Tiny Encryption Algorithm)

- 1994-ben publikálta a Cambridge Egyetem két tanára, Roger Needham és David Wheeler
- tervezésekor feladtak egy keveset a biztonságból, hogy a rendszer könnyen implementálható, hatékony legyen
- Feistel típusú titkosító, a titkosító és visszafejtő algoritmusok különböznek
- **könnyen implementálható** hardver-re, illetve softver-re
- 128 bites kulccsal dolgozik, amit négy 32 bites blokkra oszt, minden matematikai műveletet $(\text{mod } 2^{32})$ -ben végez
- a blokk mérete 64 bit, amelyet két 32 bites részre oszt, ezek alapján létrehozza az L, illetve R értékeket: a 8 bájtos szekvenciát 256-os számrendszerbeli számjegyeknek tekinti és ezekből létrehoz egy tízes számrendszerbeli számot
- alkalmaz egy konstanst: $\text{delta} = 0x9e3779b9 = 2654435769$, azaz $\text{delta} = 2^{32}/\phi$ osztási egész része, ahol $\phi = 1.6180339887$ az aranyarány.
- ha két üzenetet olyan kulcsokkal titkosítunk, amelyek kapcsolódnak egymáshoz, akkor kivitelezhető a "related key" típusú támadás
- az XTEA egy később megjelent változata, amely kiküszöböli a "related key" támadást

Related key típusú támadás: hasonló a választott nyílt szöveg támadáshoz, azzal a plusszal, hogy a támadónak lehetősége van két olyan titkosított szöveghez jutni, amelyek különböző kulccsal voltak rejtjelezve.

A Blowfish

- Bruce Schneier szerkesztette 1993-ban és szabadon felhasználhatóvá tette
- 64 bites a blokk mérete, a kulcs méret változó 32 bit-től 448 bit-ig változtatható, a alkalmazott körök száma 16
- **nem találtak ellene hatékony támadást**
- bonyolult a kulcsfeldolgozása, ezért ha gyakran szükség van új kulcs kigenerálására akkor nem ajánlott
- a Fiestel szerkesztési sémán alapszik:
 - a 64 bites bemeneti blokkot két részre osztja: (L_0, R_0)
 - az S-boxok kimenete függ a kulcs értékétől
 - 4 S-boxal dolgozik, mindegyik 32 bites, amelyeket kezdetben a π tizedesjegyeivel inicializál
 - a körkulcsokat egy P -array alapján számolja ki, amelyet kezdetben szintén a π tizedesjegyeivel inicializál
 - a P -array elemszáma 18, mindegyik 32 bites
 - a kulcs első 32 bitejét XOR-olja a P1-el, a következő 32 bitet a P2-vel és így tovább, ezek lesznek a körkulcsok
- www.geeksforgeeks.org/blowfish,

A Blowfish

- egyik alternatív változata a **Twofish**:
 - az AES verseny kiválasztottja volt, még 5 titkosítóval együtt
 - lassúbb volt az AES-128-nál, de gyorsabb az AES-256-nál
 - nincs levédve, bárki szabadon használhatja, korlátozás nélkül
 - egyike azon néhány titkosítónak, amelyeket az OpenPGP szabvány (RFC 4880) tartalmaz
 - a PGP (Pretty Good Privacy) is használja az emailek titkosítására
 - blokk mérete 128 bit, kulcsmérete 128, 192, 256 bit
 - bonyolult a körkulcsok meghatározása, az S-boxok értékei a kulcs értéke alapján kerülnek meghatározásra
 - alkalmazza a kulcs fehérítés technikát
- a **bcrypt**-et is a Blowfish titkosító alapján szerkesztették 1999-ben,
 - módosították a körkulcsok meghatározásának algoritmusát
 - jelszavak tárolására használják több Unix alapú operációs rendszerben alapértelmezett
 - egy véletlenszerű értéket használ, a *salt*-ot, hogy védett legyen a szivárvány táblán alapuló támadással szemben